

تم تحميل وعرض المادة من



موقع مادتي هو موقع تعليمي يعمل على مساعدة المعلمين والطلاب وأولياء الأمور في تقديم حلول الكتب المدرسية والاختبارات وشرح الدروس والملاحظات والتحاظير وتوزيع المنهج لكل المراحل الدراسية بشكل واضح وسهل مجاناً بتصفح وعرض مباشر أونلاين وتحميل على موقع مادتي

2023 - 1445



تطبيق مادتي



* اختبار منتصف الفصل الدراسي الأول لمادة الرياضيات للصف الأول ثانوي-مسارات- لعام ١٤٤٤ هـ *

* الاسم : * التاريخ : ١٠ / ٣ / ١٤٤٤ هـ .

أختاري الإجابة الصحيحة :

٢٠

① العدد التالي في النمط , 15 , 9 , 6 , 3 , 3 هو :

أ- 24 ب- 27 ج- 20 د- 16

② ناتج جمع عددين فرديين هو :

أ- عدد فردي ب- عدد أولي ج- عدد زوجي د- عدد غير نسبي

③ الخاصية : إذا كان $\overline{AB} \cong \overline{CD}$ ، فإن $\overline{AB} \cong \overline{CD}$ تسمى خاصية :

أ- الانعكاس للتطابق ب- التعدي للتطابق ج- التوزيع للتطابق د- التماثل للتطابق

④ (يقبل العدد القسمة على 5 إذا كان أحاده صفر أو خمسة) ...الفرض في العبارة السابقة هو :

أ- أحاده صفر أو خمسة ب- يقبل العدد القسمة على 5

ج- لا يقبل العدد القسمة على 5 د- إذا كان أحاده صفر

⑤ إذا كان : $a + 6 = 20$ فإن : $a = 14$ الخاصية التي تبرر العبارة السابقة هي خاصية :

أ- التوزيع ب- القسمة للمساواة ج- التعويض د- الطرح للمساواة

⑥ العبارة التي تقبل على أنها صحيحة بدون برهان تسمى :

أ- مسلمة ب- برهان ج- نظرية د- تخمين

⑦ شكل فن يمثل عدد الطلاب الذين يدرسون اللغتين الفرنسية والإيطالية في معهد اللغات، ما عدد الطلاب الذين درسوا اللغتين معاً؟

دراسة اللغات



أ- 19 ب- 3 ج- 22 د- 11

⑧ أي نقطتين يمر بها :

أ- مستقيمين ب- ثلاث مستقيميات ج- مستقيم واحد د- مستوى واحد

⑨ التبرير في العبارة (لاحظ طبيب الأسنان أن عبدالكريم يأتي في موعده المحدد ، إذن سوف يأتي عبدالكريم في الموعد المحدد للزيارة القادمة) :

أ- قائم على قاعدة ب- تبرير استقرائي ج- قائم على تعريفات د- تبرير استنتاجي

⑩ أي العبارات الآتية تنتج منطقياً عن العبارتين الآتيتين ؟

① إذا لم تأخذ قسطاً من النوم ، فسوف تكون مرهقاً .

② إذا كنت مرهقاً ، فلن يكون أدائك في الاختبار جيداً .

أ- إذا كنت مرهقاً ، إذن أنت لم تأخذ قسطاً كافياً من النوم .

ب- إذا لم تأخذ قسطاً كافياً من النوم ، فلن يكون أدائك في الاختبار جيداً .

ج- إذا لم يكن أدائك في الاختبار جيداً ، فإنك لم تأخذ قسطاً كافياً من النوم .

د- لا توجد نتيجة صائبة .

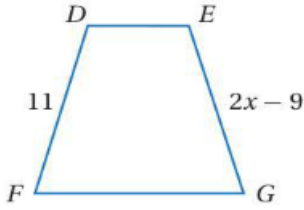
أستعملي قانون القياس المنطقي لتحصلي على نتيجة صائبة من العبارتين الآتيتين إن أمكن :

- ① إذا حصل محمود على معدل 98 فأكثر ، فإن اسمه سوف يكتب في لوحة الشرف لهذا العام .
 ② إذا كُتِب اسم محمود في لوحة الشرف هذا العام فإنه سيتم تكريمه .

الاستنتاج :

أكمل الجدول الآتي :

p	q	$\sim p$	$\sim q$	$\sim p \wedge \sim q$	$\sim p \vee \sim q$	$(\sim p \wedge \sim q) \vee (\sim p \vee \sim q)$
T	T					
T	F					
F	T					
F	F					



من الشكل المقابل: إذا كان $\overline{DF} \cong \overline{EG}$ فأوجد قيمة X و الضلع EG ؟

$\overline{EG} =$

.....

.....

.....

المبررات	العبارات
.....
.....
.....
.....
.....

من الشكل المقابل: إذا كان X نقطة منتصف \overline{SY} و Z نقطة منتصف \overline{YF} و $XY=YZ$ ، فأثبتي أن $\overline{ZF} \cong \overline{SX}$ ؟

المبررات	العبارات
.....
.....
.....
.....
.....

I ♥ MATHEMATICS

معلمة المادة: ندى غرم الله الزهراني



تمنياتي لكن بالتوفيق جميلاتي ...

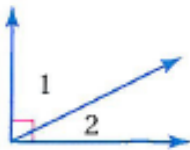
اختبار 1 رياضيات 1-1 ١٤٤٤ هـ		مدة الاختبار	٢٠
الاسم:		٤٠ دقيقة	
الصف اول ثانوي /٤			

السؤال الأول: أختَر الإجابة الصحيحة فيما يأتي:

(١) العدد التالي في النمط , 15 , 9 , 6 , 3 هو:			
(أ) 24	(ب) 27	(ج) 20	(د) 16
(٢) ناتج جمع عددين فرديين هو			
(أ) فردي	(ب) نسبي	(ج) زوجي	(د) اولي
(٣) الخاصية: إذا كان $\overline{AB} \cong \overline{CD}$ ، فإن $\overline{AB} \cong \overline{CD}$ تسمى خاصية:			
(أ) الانعكاس للتطابق	(ب) التماثل للتطابق	(ج) التعدي للتطابق	(د) التوزيع للتطابق
(٤) (يقبل العدد القسمة على 5 إذا كان أحاده صفر أو خمسة) ...الفرض في العبارة السابقة هو:			
(أ) أحاده خمسة	(ب) يقبل العدد القسمة على 5	(ج) أحاده صفر أو خمسة	(د) لا يقبل العدد القسمة على 5
(٥) التبرير في العبارة (لاحظ الطبيب أن عبد الكريم يأتي في موعده المحدد، إذن سيأتي عبد الكريم في الموعد المحدد للزيارة القادمة):			
(أ) تبرير استقرائي	(ب) تبرير استنتاجي	(ج) تخمين	(د) مثال مضاد
(٦) العبارة التي تقبل على أنها صحيحة بدون برهان تسمى:			
(أ) النظرية	(ب) المسلمة	(ج) النتيجة	(د) التخمين
(٧) أي العبارات الآتية تنتج منطقياً عن العبارتين الآتيتين؟ ① إذا لم تأخذ قسطاً من النوم، فسوف تكون مرهقاً. ② إذا كنت مرهقاً، فلن يكون أداؤك في الاختبار جيداً.			
(أ) إذا لم تأخذ قسطاً من النوم فلن يكون أداؤك في الاختبار جيداً	(ب) إذا لم يكن أداؤك في الاختبار جيداً، فإفك لم تأخذ قسطاً كافياً من النوم.	(ج) إذا كنت مرهقاً، إذن أنت لم تأخذ قسطاً كافياً من النوم	(د) لا توجد نتيجة صائبة.
(٨) إذا تقاطع مستويان فإنهما يتقاطعان في:			
(أ) مستوى	(ب) مستقيم	(ج) نقطة	(د) مستقيمين
(٩) إذا كان: $a + 6 = 20$ فإن: $a = 14$ الخاصية التي تبرر العبارة السابقة هي خاصية:			
(أ) الجمع للمساواة	(ب) الطرح للمساواة	(ج) التوزيع	(د) القسمة للمساواة
(١٠) " إذا كانت الزاويتان متقابلتان بالرأس فإنهما متقابلتان". فإن المعاكس الايجابي للعبارة الشرطية السابقة:			
(أ) إذا لم تكن الزاويتان متقابلتان بالرأس فإنهما غير متقابلتان	(ب) إذا كانت الزاويتان متقابلتان فإنهما متقابلتان بالرأس	(ج) إذا لم تكن الزاويتان متقابلتان فإنهما ليستا متقابلتان بالرأس	(د) إذا كانت الزاويتان متقابلتان بالرأس فإنهما غير متقابلتان

السؤال الثاني:

في الشكل التالي إذا كان: $m\angle 1 = 70^\circ$, $m\angle 2 = 2x + 10$.
 اكتب برهان لإيجاد قيمة x ثم اوجد $m\angle 2$:



.....

اسم الطالب:

الدرجة
النهائية

30

الاختبار عن دروس الفصل 1 (التبرير والبرهان) / رياضيات 1

السؤال الأول: اختر الإجابة الصحيحة في كل مما يلي: (كل فقرة = 1 درجة)		
1- اكتب تخميناً يصف النمط , - 8 , - 2 , 4 , 10		
(a) -10	(b) -6	(c) -14
2- ناتج جمع عددين فرديين		
(a) هو عدد زوجي	(b) هو عدد فردي	(c) هو عدد أولي
3- تكون عبارة الوصل صحيحة فقط إذا كانت		
(a) جميع العبارات المكونة لها صحيحة	(b) جميع العبارات المكونة لها خاطئة	(c) إحدى العبارات المكونة لها صحيحة
4- حدد الفرض والنتيجة في العبارة الشرطية: (إذا كان الطقس مطراً فسوف أستعمل المظلة)		
(a) الفرض: الطقس ماطر النتيجة: سوف أستعمل المظلة	(b) الفرض: سوف أستعمل المظلة النتيجة: الطقس ماطر	(c) الفرض: سوف أستعمل المظلة النتيجة: الطقس غير ماطر
5- تعريف(التبرير) : يستعمل حقائق وقواعد وتعريفات وخصائص من أجل الوصول إلى نتائج منطقية من عبارات معطاة)		
(a) الاستنتاجي	(b) الاستقرائي	(c) المنطقي
6- إذا كانت العبارة الشرطية $p \rightarrow q$ صحيحة , والفرض p صحيح , فإن النتيجة q تكون صحيحة أيضاً.		
(a) قانون الفصل المنطقي	(b) قانون القياس المنطقي	(c) العبارة الشرطية
7- حدد مدى صحة العبارة: (تتقاطع ثلاثة مستقيمتين في نقطتين)		
(a) صحيحة دائماً	(b) صحيحة أحياناً	(c) خاطئة دائماً
8- اذكر الخاصية التي تبرر العبارة (إذا كان $a = b$ فإن $a + c = b + c$)		
(a) خاصية الجمع للمساواة	(b) خاصية التماثل للمساواة	(c) خاصية التعويض
9- إذا كانت الزاويتان متجاورتان على مستقيمتين فإنهما		
(a) متكاملتان	(b) متتامتان	(c) منفرجتان
10- الزاويتان المتممتان للزاوية نفسها أو لزاويتين متطابقتين تكونان		
(a) متطابقتين	(b) متكاملتين	(c) قائمتان

السؤال الثاني: ضع علامة (✓) أمام العبارة الصحيحة، وعلامة (x) أمام العبارة الخاطئة (كل فقرة = 1 درجة)	
1-	() التبرير الإستقرائي: هو تبرير تستعمل فيه أمثلة محددة للوصول إلى نتيجة
2-	() تكون عبارة الفصل خاطئة إذا كانت جميع العبارات المكونة لها خاطئة
3-	() إذا علمت أن النقاط A, B, C على استقامة واحدة , فإن النقطة B تقع بين A و C إذا كان $AB+BC=AC$
4-	() تنص خاصية التعدي على أنه (إذا كان $a = b$ و $b = c$ فإن $a = c$)
5-	() أي نقطتين يمر بهما مستقيم واحد فقط

السؤال الثالث: أنشئ جدول الصواب للعبارة $\sim p \wedge \sim q$

3 درجات

p	q	$\sim p$	$\sim q$	$\sim p \wedge \sim q$

السؤال الرابع: اكتب العكس والمعكوس والمعاكس الإيجابي للعبارة الشرطية التالية (الزاويتان اللتان لهما القياس نفسه متطابقتان)

درجتين

العبارة الشرطية $p \rightarrow q$:

العكس $q \rightarrow p$:

المعكوس $\sim p \rightarrow \sim q$:

المعاكس الإيجابي $\sim q \rightarrow \sim p$:

السؤال الخامس: إذا كانت M نقطة منتصف \overline{XY} , اكتب برهان حر لإثبات أن $XM \cong MY$

درجتين

السؤال السادس: أثبت أنه إذا كان $-5(x + 4) = 70$ فإن $x = -18$ اكتب تبريراً لكل خطوة

3 درجات

اقلب الورقة

درجتين

السؤال السابع: أكمل البرهان الاتي :

المعطيات : $JL \cong KM$

المطلوب : $JK \cong LM$

البرهان :



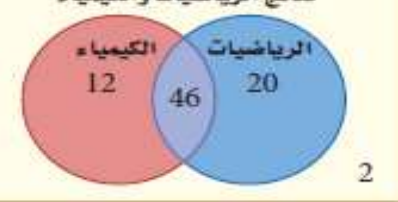
3 درجات

السؤال الثامن: إذا كان $m\angle 1 = 23$, $m\angle ABC = 131$ فأوجد $m\angle 3$ برر خطوات حلّك .

انتهت الأسئلة .. دعواتي لكم بالتوفيق , معلم المادة/

1	الحد التالي في المتتابعة التالية : $20, 16, 11, 5, -2, -10, \dots$ (ابدئي من اليسار) .							
	A	20	B	-20	C	19	D	-19

2	المثال المضاد الذي يبين أن العبارة : (إذا كان n عدداً حقيقياً ، فإن $-n$ يكون سالباً) خاطئة هو :							
	A	$n = -1$	B	$n = 2$	C	$n = 3$	D	$n = 4$

3	يمثل شكل فن المجاور عدد طلاب الصف الأول الثانوي الذين نجحوا والذين لم ينجحوا في اختبائي الرياضيات أو الكيمياء . 							
	A	78	B	46	C	20	D	12

4	بناء على العبارة التالية : (ناتج جمع عددين فرديين) فإن التخمين الصحيح هو :							
	A	عدد فردي .	B	عدد زوجي .	C	عدد كلي .	D	لا شيء مما ذكر .

5	في العبارة الشرطية التالية : (إذا كان لمضلع ستة أضلاع ، فإنه سداسي) . فإن الفرض هو :							
	A	للمضلع ستة أضلاع .	B	المضلع سداسي .	C	المضلع محدباً .	D	لا شيء مما ذكر .

6	إذا كان مجموع قياسي زاويتين 90° فإن الزاويتين متتامتان . أي من العبارات التالية هي عكس العبارة الشرطية السابقة ؟							
	A	إذا كانت الزاويتان متتامتين فإن مجموع قياسيهما 90° .	B	إذا كانت الزاويتان غير متتامتين فإن مجموع قياسيهما 90° .	C	إذا كانت الزاويتان متتامتين فإن مجموع قياسيهما لا يساوي 90° .	D	إذا كانت الزاويتان غير متتامتين فإن مجموع قياسيهما لا يساوي 90° .

السؤال الثاني / أكمل جدول الصواب للعبارات التالية

P	q	$\sim p$	$\sim q$	$p \rightarrow q$	$p \vee q$	$\sim p \vee \sim q$
T	T					
T	F					
F	T					
F	F					

السؤال الثالث: 1- حددي ما إذا كان الاستنتاج صائباً أم لا مع التبرير.

إذا كان العدد يقبل القسمة على 4، فإنه يقبل القسمة على 2.

العدد 12 يقبل القسمة على 4.

الاستنتاج: العدد 12 يقبل القسمة على 2.

Name

Quiz

Class

ZIPGRADE.COM

10 (0075)

1 (A) (B) (C) (D) 9 (A) (B) (C) (D)

2 (A) (B) (C) (D) 10 (A) (B) (C) (D)

3 (A) (B) (C) (D)

4 (A) (B) (C) (D)

5 (A) (B) (C) (D)

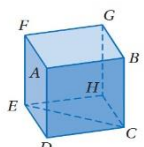
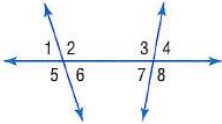
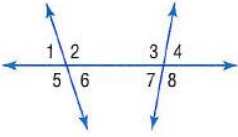
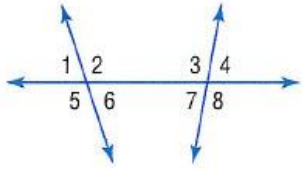
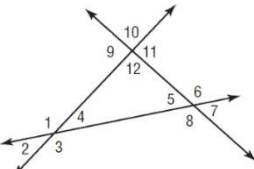
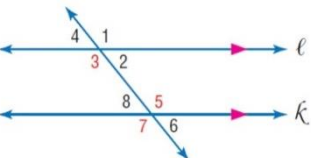
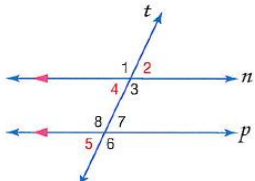
6 (A) (B) (C) (D)

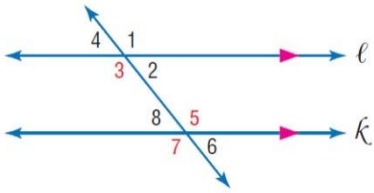
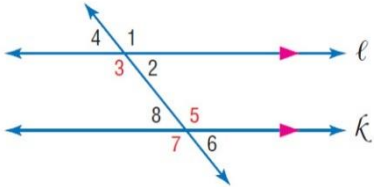
7 (A) (B) (C) (D)

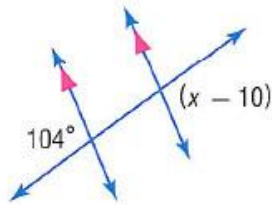
8 (A) (B) (C) (D)

Key

اختاري الاجابة الصحيحة فيما يلي

	<p>من الشكل المقابل جميع المستقيمات الاتية توازي \overrightarrow{AB} ماعدا</p>	<p>١</p>
<p>أ \overrightarrow{DC} ب \overrightarrow{FG} ج \overrightarrow{EH} د \overrightarrow{EC}</p>		
	<p>من الشكل المقابل الزاويتان $\angle 1, \angle 8$ يطلق عليهما زاويتان</p>	<p>٢</p>
<p>أ متحالفتان ب متبادلتان داخلياً ج متبادلتان خارجياً د متناظرتان</p>		
	<p>من الشكل المقابل الزاويتان $\angle 6, \angle 7$ يطلق عليهما زاويتان</p>	<p>٣</p>
<p>أ متحالفتان ب متبادلتان داخلياً ج متبادلتان خارجياً د متناظرتان</p>		
	<p>من الشكل المقابل الزاويتان $\angle 7, \angle 6$ يطلق عليهما زاويتان</p>	<p>٤</p>
<p>أ متحالفتان ب متبادلتان داخلياً ج متبادلتان خارجياً د متناظرتان</p>		
	<p>من الشكل الاتي أي من أزواج الزوايا الاتية متحالفتان</p>	<p>٥</p>
<p>أ $\angle 6, \angle 10$ ب $\angle 8, \angle 10$ ج $\angle 1, \angle 9$ د $\angle 4, \angle 9$</p>		
<p>إذا قطع قاطع مستقيمين متوازيين فأى من أزواج الزوايا الاتية يكون غير متطابق</p>		
<p>أ المتحالفتين ب المتبادلتين خارجياً ج المتناظرتين د المتبادلتين خارجياً</p>		<p>٦</p>
	<p>من الشكل المقابل إذا كانت $m\angle 2 = 50^\circ$ فإن $m\angle 8$ تساوي</p>	<p>٧</p>
<p>أ 80° ب 50° ج 180° د 130°</p>		
	<p>من الشكل المقابل إذا كانت $m\angle 4 = 70^\circ$ فإن $m\angle 5$ تساوي</p>	<p>٨</p>
<p>أ 110° ب 70° ج 180° د 20°</p>		

	من الشكل المقابل إذا كانت $m\angle 3 = 130^\circ$ فإن $m\angle 8$ تساوي						٩
130°	د	180°	ج	80°	ب	50°	أ
	من الشكل المقابل إذا كانت $m\angle 3 = (x + 50)^\circ$ و كان $m\angle 5 = 120^\circ$ فإن قيمة x تساوي						١٠
120	د	70	ج	50	ب	170	أ
في الشكل المقابل قيمة x							١١
180	د	120	ج	60	ب	20	أ
ما قيمة y في الشكل :							١٢
180	د	90	ج	30	ب	3	أ



من الشكل المقابل أوجد قيمة x تساوي

ملخص الفصل الأول

ملخص درس المنطق

قيم الصواب للعبارة
صائبة T
خاطئة F

المنطق
العبارة هي جملة خبرية لها حالتان صائبة أو خاطئة

عبارة الفصل
ربط عبارتين أو أكثر باستعمال أداة الربط (أو) ويرمز لها (\vee)

عبارة الفصل		
p	q	$p \vee q$
T	T	T
T	F	T
F	T	T
F	F	F

عبارة الفصل تكون خاطئة فقط إذا كانت جميع العبارات المكونة لها خاطئة.

عبارة الوصل
ربط عبارتين أو أكثر باستعمال أداة الربط (و) ويرمز لها (\wedge)

عبارة الوصل		
p	q	$p \wedge q$
T	T	T
T	F	F
F	T	F
F	F	F

عبارة الوصل تكون صائبة فقط إذا كانت جميع العبارات المكونة لها صائبة.

نفي العبارة

p	$\sim p$
T	F
F	T

هند العريني

8

ملخص درس التبرير الاستقرائي والتخمين

التبرير الاستقرائي
هو تبرير تستعمل فيه الأمثلة للوصول إلى نتيجة

التخمين والتخمين الاستقرائي
النتيجة التي يتم التوصل لها من التبرير

المثال المضاد
يتم إثبات عدم صحة تخمين باعطاء مثال معاكس له

هند العريني

6

ملخص درس التبرير الاستنتاجي

التبرير الاستقرائي
يعتمد على الملاحظة والمشاهدة والاكتشاف للوصول إلى نتيجة
مثال : لاحظ طبيب الأسنان أن فهد يحضر في مواعيد المعهد أذن سوف يأتي الزيارة القادمة في مواعيد .

التبرير الاستنتاجي
يعتمد على حقائق وقواعد وخصائص وتعريفات للوصول إلى نتيجة
مثال : إذا قرر سعد الذهاب إلى الحفل فإن يحضر تدريب لكرة القدم هذه الليلة . ذهب سعد للحفل لذلك لم يحضر تدريب لكرة القدم .

قانون الفصل المنطقي
إذا كانت العبارة الشرطية $p \rightarrow q$ صائبة والنتيجة صائبة فالمعطيات صائبة
مثال : المعطيات : إذا كان العدد يقبل القسمة على 4 فإنه يقبل القسمة على 2 . العدد 12 يقبل القسمة على 4 . الاستنتاج : العدد 12 يقبل القسمة على 2 .

قانون القياس المنطقي
إذا كانت العبارتان الشرطيتان $p \rightarrow q$ ، $q \rightarrow r$ صائبتان فإن العبارة $p \rightarrow r$ صائبة
مثال : المعطيات : إذا لم يكن المستقيمان في المستوى متوازيان فإنهما يتقاطعان . إذا تقاطع مستقيمان فإنهما يتقاطعان في نقطة . الاستنتاج : إذا لم يكن المستقيمان في المستوى متوازيان فإنهما يتقاطعان في نقطة .

هند العريني

12

ملخص درس العبارات الشرطية

العبارات الشرطية		
p	q	$p \rightarrow q$
T	T	T
T	F	F
F	T	T
F	F	T

عبارة الشرطية خاطئة فقط عندما يكون العرض صائبا والنتيجة خاطئة

عبارة الشرطية صائبة في كل الحالات

العبارة الشرطية
هي جملة يمكن كتابتها على الصور $p \rightarrow q$ ويرمز لها بالرمز $p \rightarrow q$

الفرض والنتيجة
تسمى الجملة التي تلي كلمة **إذا كان** الفرض والجملة التي تلي **فإن** النتيجة

العكس
تبديل الفرض مع النتيجة المعكوس
نفي كل من الفرض والنتيجة في العبارة الشرطية
المعكوس الإيجابي
نفي كل من الفرض والنتيجة في عكس العبارة

العبارات المتكافئة منطقياً
العبارة الشرطية و معاكسها الإيجابي متكافئتان .
عكس العبارة الشرطية ومعكوسها متكافئتان

$\sim(p \wedge q) \equiv \sim p \vee \sim q$ تكافؤ منطقياً
 $\sim(p \vee q) \equiv \sim p \wedge \sim q$ تكافؤ منطقياً

هند العريني

10

ملخص الفصل الأول

ملخص درس البرهان الجبري

خاصية الجمع للمساواة
إذا كان $a = b$ فإن $a + c = b + c$

خاصية الطرح للمساواة
إذا كان $a = b$ فإن $a - c = b - c$

خاصية التوزيع
 $a(b + c) = ab + ac$

خاصية التعدي للمساواة
إذا كان $a = b$, $b = c$ فإن $a = c$

خاصية التماثل للمساواة
إذا كان $a = b$ فإن $b = a$

خاصية القسمة للمساواة
إذا كان $a = b, c \neq 0$ فإن $\frac{a}{c} = \frac{b}{c}$

خاصية الانعكاس للمساواة
 $a = a$

خاصية التعويض للمساواة
إذا كان $a = b$ فإنه يمكن أن نضع b مكان a في أي معادلة أو عبارة جبرية تحتوي على a

خصائص الأعداد الحقيقية
الخصائص التي تصححها لأي ثلاثة أعداد حقيقية a, b, c

هندس العريني

17

ملخص درس المسلمات والبراهين الحرة

مسلمات
النقاط والمستقيمتان
كل مستقيم يحتوي على الأقل نقطتين

مسلمات
النقاط والمستويات
كل مستوى يحتوي على الأقل ثلاث نقاط ليست على استقامة واحدة

تقاطع المستقيمتان والمستويات
إذا تقاطعت مستقيمتان فإن تقاطعهما يكون مستقيماً

تقاطع المستقيمتان والمستويات
إذا تقاطعت مستقيمتان فإنهما يتقاطعان في نقطة واحدة فقط

مسلمات
النقاط والمستويات
أي ثلاث نقاط ليست على استقامة واحدة يمر بها مستوى وحيد

مسلمات
النقاط والمستويات
أي نقطتين يمر بهما مستقيم واحد فقط

هندس العريني

14

ملخص درس إثبات علاقات بين الزوايا

مسلمات المنقلبات
تستعمل المنقلبات للربط بين قياس زوايا و عدد حقيقي يقع بين 0° و 180°

مسلمات جمع قياسات الزوايا
تقع النقطة D داخل $\angle ABC$ إذا وإذا فقط كان $m\angle ABD + m\angle DBC = m\angle ABC$

خصائص تطابق القطع الزوايا

الانعكاس للتطابق
 $\angle A \cong \angle A$

التماثل للتطابق
إذا كان $\angle A \cong \angle B$ فإن $\angle B \cong \angle A$

التعدي للتطابق
إذا كان $\angle A \cong \angle B$, $\angle B \cong \angle C$ فإن $\angle A \cong \angle C$

هندس العريني

24

ملخص درس إثبات علاقات بين القطع المستقيمة

مسلمات أطوال القطع المستقيمة
النقاط التي تقع على مستقيم أو قطع مستقيمتين يمكن ربطها بأعداد حقيقية

مسلمات جمع أطوال القطع المستقيمة
إذا علمت أن النقاط A, B, C تقع على استقامة واحدة فإن B تقع بين A و C إذا كان $AB + BC = AC$ والعكس

خصائص تطابق القطع المستقيمة

الانعكاس للتطابق
 $\overline{AB} \cong \overline{AB}$

التماثل للتطابق
إذا كان $\overline{AB} \cong \overline{CD}$ فإن $\overline{CD} \cong \overline{AB}$

التعدي للتطابق
إذا كان $\overline{AB} \cong \overline{CD}$, $\overline{CD} \cong \overline{EF}$ فإن $\overline{AB} \cong \overline{EF}$

هندس العريني

21

ملخص درس إثبات علاقات بين الزوايا

نظرية الزوايا المتقابلة بالرأس

الزاويتان المتقابلتان بالرأس متطابقتان



$$m\angle 1 = m\angle 3$$

$$m\angle 2 = m\angle 4$$

نظرية الزاويتان المتتامتان

إذا كان شكل الضلعان الغير مشتركين لزاويتين متجاورتين زاوية قائمة فالزاويتان متتامتان

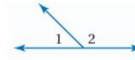
$$m\angle 1 + m\angle 2 = 90^\circ$$



نظرية الزاويتان المتكاملتان

إذا كانت الزاويتان متجاورتان على مستقيم فإنهما متكاملتان

$$m\angle 1 + m\angle 2 = 180^\circ$$



إثبات
علاقات
الزوايا

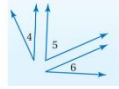
نظرية تطابق المتممات

الزاويتان المتممات للزاوية نفسها أو لزاويتين متطابقتين تكونان متطابقتان ، إذا كان

$$m\angle 4 + m\angle 5 = 90^\circ$$

$$m\angle 5 + m\angle 6 = 90^\circ$$

$$m\angle 4 = m\angle 6 \text{ فإن}$$



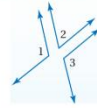
نظرية تطابق المكملات

الزاويتان المكملتان للزاوية نفسها أو لزاويتين متطابقتين تكونان متطابقتان ، إذا كان

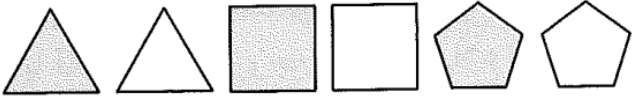




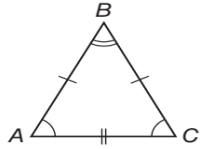
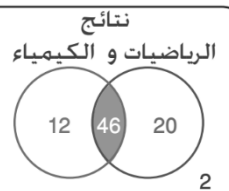
$$m\angle 1 + m\angle 2 = 180^\circ$$

$$m\angle 2 + m\angle 3 = 180^\circ$$

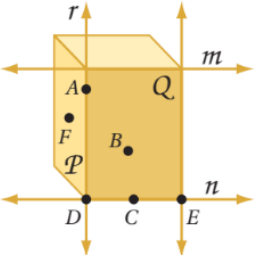
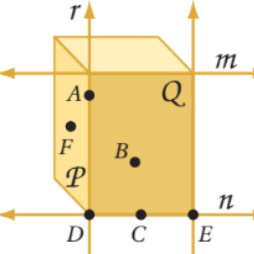
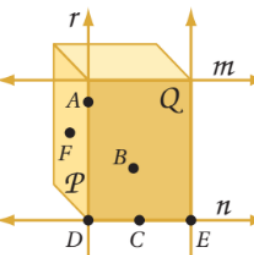
$$m\angle 1 = m\angle 3 \text{ فإن}$$



اختر الإجابة الصحيحة فيما يلي :

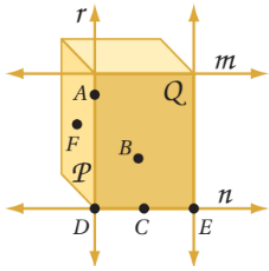
الحد التالي في المتتابعة 92, 87, 82, 77, 72,							1
77	d	67	c	62	b	-2	a
الحد التالي في المتتابعة 20, 16, 11, 5, -2, -10,							2
20	d	19	c	-19	b	-20	a
الشكل التالي في النمط							3
							
	d		c		b		a
أي مما يأتي مثلاً مضاداً للعبارة ((إذا كان n عدداً أولياً فإن $n + 1$ ليس أولياً))							4
7	d	5	c	3	b	2	a
أي مما يأتي مثلاً مضاداً للعبارة ((إذا كان $\angle A$ زاوية حادة فإن $m\angle A = 37^\circ$))							5
$m\angle A = 180^\circ$	d	$m\angle A = 103^\circ$	c	$m\angle A = 90^\circ$	b	$m\angle A = 73^\circ$	a
بناء على العبارة التالية : (ناتج جمع عددين فرديين) فإن التخمين الصحيح هو :							6
عدد فردي	a	عدد زوجي	b	عدد كلي	c	عدد حقيقي	d
بناء على العبارة التالية : (إذا علمت أن M هي منتصف \overline{BC} فإن التخمين الصحيح هو :							7
$BM = BC$	a	$BM = MC$	b	$MC = BC$	c	M تنصف $\angle C$	d
إذا كانت p صحيحة، q خاطئة فاي العبارات التالية صائبة :							8
$\sim p \vee q$	a	$\sim p \wedge q$	b	$p \wedge q$	c	$p \wedge \sim q$	d
إذا كانت العبارتين (p : المربع مكون من أربعة أضلاع)، (q : $2 + 3 = 6$) أي من العبارات التالية خطأ							9
$p \wedge \sim q$	a	$p \vee \sim q$	b	$\sim p \vee q$	c	$p \vee q$	d
إذا كانت p و r صحيحة، q خاطئة فإن قيمة الصواب للعبارة $(\sim p \vee q) \wedge r$							10
صحيحة	a	خاطئة	b	صحيحة أحياناً	c	المعطيات غير كافية	d
أي العبارات التالية لها نفس قيم صواب العبارة $AB = BC$							11
							
$m\angle A = m\angle B$	a	$m\angle A = m\angle C$	b	$AC = BC$	c	$AB = AC$	d
استعمل المعلومات في الشكل المقابل للإجابة							12
عدد الطلاب الذين نجحوا في الرياضيات و الكيمياء معاً يساوي							
<div style="display: flex; align-items: center;"> <div style="border: 1px solid black; padding: 5px; margin-right: 10px;"> <p>نتائج الرياضيات و الكيمياء</p>  </div> </div>							

46	d	40	c	20	b	12	a
استعمل المعلومات في الشكل السابق للإجابة : عدد الطلاب الذين لم ينجحوا في الكيمياء							
8	d	46	c	22	b	20	a
استعمل المعلومات في الشكل السابق للإجابة : عدد الطلاب الذين نجحوا في الرياضيات أو الكيمياء							
78	d	46	c	20	b	12	a
في العبارة الشرطية التالية : (إذا كان الشهر القادم رمضان ، فإن هذا الشهر هو شهر شعبان) الفرض هو							
الشهر القادم رمضان a هذا الشهر هو شهر شعبان b هذا الشهر هو رمضان c الشهر القادم هو شعبان d							
في العبارة الشرطية التالية : (سيذهب صالح للمدرسة إذا كان اليوم الأحد) النتيجة هي							
اليوم هو الأحد a سيذهب صالح للمدرسة b اليوم ليس الأحد c لن يذهب صالح للمدرسة d							
(إذا كانت الزاوية قائمة فإن قياسها 90°) عكس العبارة الشرطية السابقة هو							
إذا كان قياس الزاوية 90° فإنها قائمة a إذا لم تكن الزاوية قائمة فإن قياسها 90° b							
إذا لم تكن الزاوية قائمة فإن قياسها ليس 90° c إذا كان لم يكن قياس الزاوية 90° فإنها ليست قائمة d							
(إذا كان $x + 4 = 5$ فإن $x = 1$) معكوس العبارة الشرطية السابقة هو							
إذا كان $x = 1$ فإن $x + 4 = 5$ a إذا كان $x + 4 = 5$ فإن $x = 1$ b							
إذا كان $x \neq 1$ فإن $x + 4 \neq 5$ c إذا كان $x + 4 \neq 5$ فإن $x \neq 1$ d							
أي من العبارات الآتية ينتج منطقياً من العبارتين التاليتين: إذا اشترت وجبتين فإنك ستحصل على علبة عصير مجاناً. اشترى خليل وجبتين							
اشترى خليل وجبة واحدة a سيحصل خليل على علبة عصير مجاناً b							
سيحصل خليل على علبة عصير مجاناً c سيحصل خليل على علبة عصير مجاناً d							
دعي خالد إلى حفل عشاء ، وقد حضر جميع المدعوين الحفل: "إذن فقد حضر خالد الحفل" النتيجة السابقة قائمة على..... ؟							
التبرير الاستقرائي a التبرير الاستنتاجي b الملاحظات c الاكتشاف d							
لاحظت علياء أنها عندما تأخذ دروس تقوية فإن درجاتها تتحسن. أخذت علياء دروس تقوية فاستنتجت أن درجاتها سوف تتحسن. النتيجة السابقة قائمة على.....							
التبرير الاستقرائي a التبرير الاستنتاجي b القواعد c الحقائق d							
أي العبارات الآتية يعطي وصفاً أفضل للمسلمة ؟							
تخمين ينشأ عن أمثلة a تخمين ينشأ عن حقائق وقواعد وتعريفات وخصائص b							
عبارة تقبل علي أنها صحيحة c عبارة تم إثباتها d							
أي يمر بها مستقيم واحد فقط							
نقطتين a ثلاث نقاط b مستقيمين c مستويين d							
أي ليست على استقامة واحدة يمر بها مستوى واحد فقط							
نقطة واحدة a نقطتين b ثلاث نقاط c أربع نقاط d							

((إذا تقاطعت ثلاث مستويات فإن تقاطعها يكون نقطة)) العبارة السابقة					25
a	b	c	d	لا يمكن التحديد	
(يوجد مستوى واحد فقط يحوي على النقاط الثلاث A, B, C التي لا تقع على استقامة واحدة)) العبارة السابقة					26
a	b	c	d	لا يمكن التحديد	
ثلاث مستقيمتين على الأقل تمر بالنقطتين A, B					27
a	b	c	d	لا يمكن التحديد	
اعتماداً على الشكل المقابل أي من المسلمات الآتية تستخدم لبيان صحة العبارة المستقيم n يحوي النقاط C, D, E					28
					
a	إي نقطتين يمر بهما مستقيم واحد			b	كل مستقيم يحوي نقطتين على الأقل
c	أي ثلاث نقاط لا تقع على استقامة واحدة تمر بها مستوي واحد فقط			d	إذا وقعت نقطتان في المستوى فإن المستقيم الوحيد المار بهما يقع بأكمله في ذلك المستوى
اعتماداً على الشكل المقابل أي من المسلمات الآتية تستخدم لبيان صحة العبارة المستقيم r هو المستقيم الوحيد الذي يمر بالنقطتين A, D					29
					
a	إي نقطتين يمر بهما مستقيم واحد			b	كل مستقيم يحوي نقطتين على الأقل
c	أي ثلاث نقاط لا تقع على استقامة واحدة تمر بها مستوي واحد فقط			d	إذا وقعت نقطتان في المستوى فإن المستقيم الوحيد المار بهما يقع بأكمله في ذلك المستوى
اعتماداً على الشكل المقابل أي من المسلمات الآتية تستخدم لبيان صحة العبارة المستوى P يحوي النقاط A, F, D					30
					
a	إي نقطتين يمر بهما مستقيم واحد			b	كل مستقيم يحوي نقطتين على الأقل
c	أي ثلاث نقاط لا تقع على استقامة واحدة تمر بها مستوي واحد فقط			d	إذا وقعت نقطتان في المستوى فإن المستقيم الوحيد المار بهما يقع بأكمله في ذلك المستوى

اعتماداً على الشكل المقابل أي العبارات التالية صحيحة

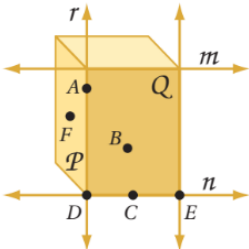
31



المستويان P, Q يتقاطعان في المستقيم m	b	المستويان P, Q يتقاطعان في المستقيم r	a
المستويان P, Q يتقاطعان في النقطة B	d	المستويان P, Q يتقاطعان في النقطة A	c

اعتماداً على الشكل المقابل أي من المسلمات الآتية تستخدم لبيان صحة العبارة
المستقيمان m, n يتقاطعان في E

32



كل مستقيم يحوي نقطتين على الأقل	b	أي نقطتين يمر بهما مستقيم واحد	a
إذا تقاطع مستويان فإنهما يتقاطعان في مستقيم	d	إذا تقاطع مستقيمان فإنهما يتقاطعان في نقطة واحدة	c

إذا كان $x = 5$ فإن $5 = x$ الخاصية المستخدمة في العبارة السابقة

33

الانعكاس	a	التماثل	b	التعويض	c	المساواة	d
----------	---	---------	---	---------	---	----------	---

إذا كان $x = y, y = 5$ فإن $x = 5$ الخاصية المستخدمة في العبارة السابقة

34

الانعكاس	a	التماثل	b	التعدي	c	التعويض	d
----------	---	---------	---	--------	---	---------	---

إذا كان $x(y + z) = 4$ فإن $xy + xz = 4$ الخاصية المستخدمة في العبارة السابقة

35

التماثل	a	التوزيع	b	التعدي	c	التعويض	d
---------	---	---------	---	--------	---	---------	---

الخاصية المستخدمة في العبارة السابقة $x - y = x - y$

36

الانعكاس	a	التماثل	b	التعدي	c	التعويض	d
----------	---	---------	---	--------	---	---------	---

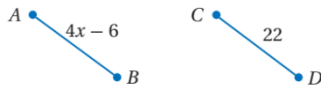
إذا كان $x = 2, x + y = 3$ فإن $2 + y = 3$ الخاصية المستخدمة في العبارة السابقة

37

الانعكاس	a	التماثل	b	التعدي	c	التعويض	d
----------	---	---------	---	--------	---	---------	---

إذا كان $\overline{AB} \cong \overline{CD}$ فإن $x = \dots$

38



28	a	16	b	7	c	4	d
----	---	----	---	---	---	---	---

إذا كان a, b عددين حقيقيين وكان $a + b = 0$ فإن $a = -b$ العبارة السابقة

39

صحيحة دائماً	a	صحيحة أحياناً	b	غير صحيحة أبداً	c	لا يمكن التحديد	d
--------------	---	---------------	---	-----------------	---	-----------------	---

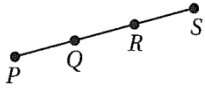
إذا كان a, b عددين حقيقيين وكان $a^2 = b$ فإن $a = \sqrt{b}$ العبارة السابقة

40

صحيحة دائماً	a	صحيحة أحياناً	b	غير صحيحة أبداً	c	لا يمكن التحديد	d
--------------	---	---------------	---	-----------------	---	-----------------	---

41	إذا كان $\overline{AB} \cong \overline{CD}$ فإن $AB = CD$ المبرر في العبارة السابقة	a	تعريف تطابق القطع مستقيمة	b	تعريف منتصف قطعة مستقيمة
		c	مسلمة أطوال القطع المستقيمة	d	مسلمة جمع أطوال القطع المستقيمة
42	النقاط A, B, C, D تقع على استقامة واحدة بحيث تقع النقطة B بين A و C و تقع النقطة C بين B و D أي عبارة مما يلي ليست بالضرورة صحيحة	a	$AB + BD = AD$	b	$\overline{AB} \cong \overline{CD}$
		c	$\overline{BC} \cong \overline{BC}$	d	$BC + CD = B$
43	النقطة E منتصف \overline{DF} إذا كان $DE = 8x - 3$, $EF = 3x + 7$ فإن قيمة x تساوي	a	2	b	5
		c	13	d	26
44	النقطة E منتصف \overline{DF} إذا كان $DE = 8x - 3$, $EF = 3x + 7$ فإن DF تساوي	a	2	b	5
		c	13	d	26
45	إذا كان $\angle A, \angle B$ زاويتان متتامتان و $\angle B, \angle C$ زاويتان متتامتان فاي مما يأتي صحيح	a	$m\angle A = m\angle C$	b	$m\angle A < m\angle C$
		c	$m\angle A > m\angle C$	d	$m\angle A + m\angle C = 180^\circ$
46	إذا كان $m\angle A = 50^\circ$, $m\angle B = m\angle A$ فإن $m\angle B = 50^\circ$ الخاصية المستخدمة في العبارة السابقة	a	الانعكاس	b	التماثل
		c	التعدي	d	التعويض
47	إذا كان $m\angle A = m\angle B$, $m\angle B = 50^\circ$ فإن $m\angle A = 50^\circ$ الخاصية المستخدمة في العبارة السابقة	a	الانعكاس	b	التماثل
		c	التعدي	d	التعويض
48	قيمة x في الشكل المجاور تساوي	a	25°	b	35°
		c	55°	d	125°
49	من الشكل المقابل إذا كان $m\angle 1 = 70^\circ$ فإن $m\angle 2$ تساوي	a	180°	b	20°
		c	70°	d	110°
50	من الشكل المقابل إذا كانت $\angle 1$ تكمل $\angle 2$ ، $\angle 3$ تكمل $\angle 3$ يمكن استنتاج أن	a	$\angle 1$ تكمل $\angle 2$	b	$\angle 1 \cong \angle 2$
		c	$\angle 1 \cong \angle 3$	d	$2 \cong \angle 3$

استعمل البرهان في الجدول المقابل
للإجابة عن الأسئلة من 49 إلى 52



المعطيات: Q نقطة منتصف \overline{PR} , R نقطة منتصف \overline{QS}

المطلوب: إثبات أن $QS = PR$
البرهان:

المبررات	العبارات
(1) معطيات	(1) Q نقطة منتصف \overline{PR} و R نقطة منتصف \overline{QS}
(2)	(2) $PQ = QR, QR = RS$
(3) خاصية التعدي	(3)
(4)	(4) $PQ + QR = QR + RS$
(5)	(5) $PR = QS$

المبرر في الخطوة (2) هو :		49
تعريف تطابق القطع المستقيمة	a	
نظرية منتصف قطعة مستقيمة	c	مسلمة أطوال القطع المستقيمة
مسلمة جمع أطوال القطع المستقيمة	d	b
العبارة في الخطوة (3) هي :		50
$PQ + QR = PR$	b	
$PQ = RS$	d	$QR = RS$
المبرر في الخطوة (4) هو :		51
خاصية التعويض للمساواة	b	
خاصية الجمع للمساواة	d	خاصية القسمة للمساواة
المبرر في الخطوة (5) هو :		52
تعريف تطابق القطع المستقيمة	a	
نظرية منتصف قطعة مستقيمة	c	b
مسلمة جمع أطوال القطع المستقيمة	d	

أجيب عن الأسئلة التالية :

1 ضع تخميناً لكل قيمة أو علاقة هندسية مما يأتي:

(A) ناتج ضرب عددين زوجيين.

(B) العلاقة بين \overline{AP} و \overline{PB} إذا كانت M نقطة منتصف \overline{AB} والنقطة P نقطة منتصف \overline{AM} .

p	q	$\sim p$	$\sim p \wedge q$
T		F	
T		F	
F		T	
F		T	

(B) أكمل جدول الصواب الآتي:

(A) اكمل جدول الصواب التالي :

p	q	$\sim q$	$p \vee \sim q$
T	T	F	
T	F		
F	T		
F	F		

3 أوجد قيم الصواب لكل عبارتين فيما يأتي، ثم قرّر هل هما مكافئتان منطقياً أم لا؟

(B) $\sim p \vee \sim q$ ، $\sim(p \wedge q)$

(A) $\sim(p \rightarrow q)$ ، $\sim p \rightarrow \sim q$

4 اكتب العكس والمعكوس والمعاكس الإيجابي لكل من العبارتين الشرطيتين الآتيتين.

(A) ((إذا كان $x + 4 = 5$ فإن $x = 1$)) (B) الزاويتان اللتان لهما القياس نفسه متطابقتان.

5 استعمل قانون الفصل المنطقي أو قانون القياس المنطقي لتحصل على نتيجة صائبة إن أمكن من العبارات الآتية، واذكر القانون الذي استعملته. إذا تعذر الحصول على نتيجة صائبة، فاكتب "لا نتيجة صائبة". فسّر تبريرك.

(A) (1) إذا كانت الزاوية حادة، فإن قياسها أقل من 90°
(2) $\angle EFG$ حادة.
(B) (1) إذا كنت أحد طلاب المرحلة الثانوية، فإن عمرك 16 سنة على الأقل.
(2) إذا كان عمرك 16 سنة على الأقل، فإن عمرك يؤهلك لقيادة السيارة.
(C) (1) إذا كنت أحد طلاب المرحلة الثانوية، فإن عمرك 16 سنة على الأقل.
(2) إذا كان عمرك 16 سنة على الأقل، فإن عمرك يؤهلك لقيادة السيارة.

(B) المعطيات: الزاويتان المتقابلتان بالرأس متطابقتان.
 $\angle 1 \cong \angle 2$
(D) المعطيات: إذا كنت رياضياً، فإنك تستمتع بالألعاب الرياضية.
إذا كنت تحب المنافسة، فإنك تستمتع بالألعاب الرياضية.

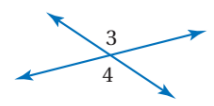
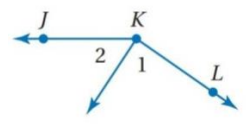
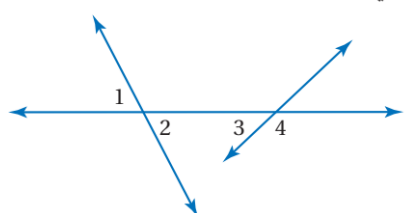
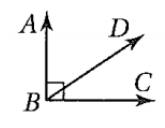
6 (A) المعطيات: M نقطة منتصف \overline{XY} ،
اكتب برهاناً حرّاً لإثبات أن $\overline{XM} \cong \overline{MY}$.
(B) أثبت أنه إذا كان $2x - 13 = -5$ ، فإن $x = 4$.
اكتب تبريراً لكل خطوة.
(C) اكتب برهاناً ذا عمودين؛ لإثبات صحة
إذا كان $\angle A \cong \angle B$ ، $m\angle A = 37^\circ$
فإن $m\angle B = 37^\circ$.
(D) اكتب برهاناً ذا عمودين.
المعطيات: B نقطة منتصف \overline{AC}
 C نقطة منتصف \overline{BD}
المطلوب: $\overline{AB} \cong \overline{CD}$

7 (A) اكمل البرهان
المعطيات: $\overline{AB} \cong \overline{CD}$
المطلوب: إثبات أن $\overline{CD} \cong \overline{AB}$
البرهان:
المبررات العبارات
(a) _____ (a)
(b) _____ (b) $AB = CD$
(c) _____ (c) $CD = AB$
(d) تعريف القطع المستقيمة المتطابقة (d) _____
(B) أكمل البرهان الآتي:
المعطيات: $\frac{y+2}{3} = 3$
المطلوب: $y = 7$
البرهان:
المبررات العبارات
(a) _____ (a)
(b) $3\left(\frac{y+2}{3}\right) = 3(3)$ (b)
(c) _____ (c)
(d) $y = 7$ (d) خاصية الطرح للمساواة

أجيب عن الأسئلة التالية :

B) اكمل البرهان		A) 8	
<p>المعطيات: $\angle A$ هي متممة $\angle B$ ، $m\angle B = 46^\circ$</p> <p>المطلوب: $m\angle A = 44^\circ$</p> <p>البرهان:</p>		<p>أكمل البرهان الآتي:</p> <p>المعطيات: $8x - 5 = 2x + 1$</p> <p>المطلوب: إثبات أن $x = 1$</p> <p>البرهان:</p>	
المبررات	العبارات	المبررات	العبارات
(1) ؟	(1) $\angle A$ هي متممة $\angle B$ $m\angle B = 46^\circ$	(a) $8x - 5 = 2x + 1$	(a)
(2) تعريف الزاويتين المتتامتين	(2) ؟	(b) $8x - 5 - 2x = 2x + 1 - 2x$	(b)
(3) ؟	(3) $m\angle A + 46^\circ = 90^\circ$	(c) بالتبسيط	(c)
(4) خاصية الطرح للمساواة	(4) ؟	(d) خاصية الجمع للمساواة	(d)
(5) ؟	(5) $m\angle A = 44^\circ$	(e) $6x = 6$	(e)
		(f) $\frac{6x}{6} = \frac{6}{6}$	(f)
		(g) _____	(g)

أوجد قياس الزوايا المرقمة في كل مما يأتي، واذكر النظريات التي تبرر حلك.

B)		A) إذا كان $m\angle 2 = 50, m\angle JKL = 150$ فأوجد $m\angle 1$	
<p>$m\angle 3 = (2x + 23)^\circ$</p> <p>$m\angle 4 = (5x - 112)^\circ$</p> 			
<p>(C) إذا علمت أن: $m\angle 1 = 72^\circ$ ، $m\angle 3 = 26^\circ$ ، فأوجد قياس كل زاوية مرقمة في الشكل أدناه.</p> 		<p>(D) إذا كان $m\angle ABD = 56$ في الشكل المجاور، فأوجد $m\angle DBC$.</p> 	

ملخص الفصل الأول

ملخص درس المنطق

قيم الصواب

للعبرة

T صائبة

F خاطئة

المنطق

العبرة هي جملة
خبرية لها حالتان
فقط أما أن تكون
صائبة أو خاطئة

عبارة الفصل

ربط عبارتين أو
أكثر باستخدام
أداة الربط (و)
ويرمز لها (\vee)

عبارة الفصل	p	q	$p \vee q$
	T	T	T
	T	F	T
	F	T	T
	F	F	F

عبارة الفصل تكون
خاطئة فقط إذا
كانت جميع العبارات
المكونة لها خاطئة.

عبارة الوصل

ربط عبارتين أو
أكثر باستخدام
أداة الربط (و)
ويرمز لها (\wedge)

نفي العبارة	p	$\neg p$
	T	F
	F	T

عبارة الوصل	p	q	$p \wedge q$
	T	T	T
	T	F	F
	F	T	F
	F	F	F

عبارة الوصل تكون
صائبة فقط إذا
كانت جميع العبارات
المكونة لها صائبة.

هند العريني

8

ملخص درس التبرير الاستقرائي والتخمين

التبرير

الاستقرائي

هو تبرير تستعمل
فيه الأمثلة
لوصول إلى نتيجة

التخمين

و التخمين

الاستقرائي

التخمين

النتيجة التي يتم
التوصل لها من
التبرير

المثال المضاد

يتم إثبات عدم
صحة تخمين
بإعطاء مثال
معاكس له

هند العريني

6

ملخص درس التبرير الاستنتاجي

التبرير الاستقرائي

يعتمد على الملاحظة
و المشاهدة والاكتشاف
لوصول إلى نتيجة

مثال : لاحظ طبيب الأسنان أن
فهد يحضر في مواعيد المعهد
أذن سوف يأتي الزيارة القادمة
في مواعيد .

التبرير الاستنتاجي

يعتمد على حقائق
وقواعد وخصائص وتعريفات
لوصول إلى نتيجة

مثال : إذا قرعنا الباب إلى
الحل فأن يحضر تدريب لكرة
القدم هذه الليلة . ذهب سعد
للحل لذلك لم يحضر تدريب
كرة القدم .

قانون الفصل المنطقي

إذا كانت العبارة الشرطية
 $p \rightarrow q$ صائبة و الفرض p صائب
فالننتيجة صائبة

مثال : المعطيات : إذا كان العدد يقبل
القسم على 4 فإنه يقبل القسم على 2 .
العدد 12 يقبل القسم على 4 .
الاستنتاج : العدد 12 يقبل القسم على 2 .

قانون القياس المنطقي

إذا كانت العبارتان الشرطيتان
العبارة $p \rightarrow q$, $q \rightarrow r$ صائبتان فإن
العبارة $p \rightarrow r$ صائبة

مثال : المعطيات : إذا لم يكن المستقيم
في المستوى متوازيان فإنهما يتقاطعان .
إذا تقاطع مستقيمان فإنهما يتقاطعان في
نقطة

الاستنتاج : إذا لم يكن المستقيمان في
المستوى متوازيان فإنهما يتقاطعان
في نقطة .

هند العريني

12

ملخص درس العبارات الشرطية

العبارات الشرطية	p	q	$p \rightarrow q$
	T	T	T
	T	F	F
	F	T	T
	F	F	T

تكون العبارة الشرطية خاطئة
فقط عندما يكون الفرض
صائبا والنتيجة خاطئة

صائبا ويكون الفرض
خاطئا تكون العبارة
الشرطية صائبة بغض
النظر عن النتيجة

العبارة الشرطية

هي جملة يمكن
كتابتها على الصور
إذا كانهنا

ويرمز لها بالرمز
 $p \rightarrow q$

العكس

تبديل الفرض مع النتيجة
المعكوس
نفي كل من الفرض و
النتيجة في العبارة الشرطية

المعاكس الإيجابي
نفي كل من الفرض و
النتيجة في عكس العبارة

الفرض والنتيجة

تسمى الجملة التي تلي
كلمة

إذا كان الفرض
والكلمة التي تلي فإن
النتيجة

العبارات المتكافئة منطقياً
العبارة الشرطية و معاكسها الإيجابي
متكافئتان .
عكس العبارة الشرطية و معكوسها
متكافئتان

$\neg(p \wedge q) \equiv \neg p \vee \neg q$ تكافؤ منطقياً
 $\neg(p \vee q) \equiv \neg p \wedge \neg q$ تكافؤ منطقياً

هند العريني

10

ملخص الفصل الأول

ملخص درس البرهان الجبري

خاصية الجمع للمساواة
إذا كان $a = b$ فإن $a + c = b + c$

خاصية الطرح للمساواة
إذا كان $a = b$ فإن $a - c = b - c$

خاصية التوزيع
 $a(b + c) = ab + ac$

خاصية التعدي للمساواة
إذا كان $a = b$, $b = c$ فإن $a = c$

خاصية التماثل للمساواة
إذا كان $a = b$ فإن $b = a$

خاصية القسمة للمساواة
إذا كان $a = b, c \neq 0$ فإن $\frac{a}{c} = \frac{b}{c}$

خاصية الانعكاس للمساواة
 $a = a$

خاصية التعويض للمساواة
إذا كان $a = b$ فإنه يمكن أن نضع b مكان a في أي معادلة أو عبارة جبرية تحتوي على a

خصائص الأعداد الحقيقية
الخصائص التي تصححها لأي ثلاثة أعداد حقيقية a, b, c

هندس العريني

17

ملخص درس المسلمات والبراهين الحرة

مسلمات
النقاط والمستقيمتان
كل مستقيم يحتوي على الأقل نقطتين

مسلمات
النقاط والمستويات
كل مستوى يحتوي على الأقل ثلاث نقاط ليست على استقامة واحدة

تقاطع المستقيمتان
إذا تقاطعت مستقيمان فإن تقاطعهما يكون مستقيماً

تقاطع المستويين
إذا تقاطعت مستويان فإن تقاطعهما نقطة واحدة فقط

إذا وقعت نقطتان في المستوى فإن المستقيم الوحيد المار بهما يقع بأكمله في المستوى

أي نقطتين يمر بهما مستقيم واحد فقط

أي ثلاث نقاط ليست على استقامة واحدة يمر بها مستوى واحد

هندس العريني

14

ملخص درس إثبات علاقات بين الزوايا

مسلمات المنقلبة
تستعمل المنقلبة للربط بين قياس زاويتين وعدد حقيقي يقع بين 0° و 180°

مسلمات جمع قياسات الزوايا
تقع النقطة D داخل $\angle ABC$ إذا وإذا فقط كان $m\angle ABD + m\angle DBC = m\angle ABC$

خصائص تطابق القطع الزوايا

الانعكاس للتطابق
 $\angle A \cong \angle A$

التماثل للتطابق
إذا كان $\angle A \cong \angle B$ فإن $\angle B \cong \angle A$

التعدي للتطابق
إذا كان $\angle A \cong \angle B$, $\angle B \cong \angle C$ فإن $\angle A \cong \angle C$

هندس العريني

24

ملخص درس إثبات علاقات بين القطع المستقيمة

مسلمات أطوال القطع المستقيمة
النقاط التي تقع على مستقيم أو قطع مستقيمتين يمكن ربطها بأعداد حقيقية

مسلمات جمع أطوال القطع المستقيمة
إذا علمت أن النقاط A, B, C تقع على استقامة واحدة فإن B تقع بين A و C إذا كان $AB + BC = AC$ والعكس

خصائص تطابق القطع المستقيمة

الانعكاس للتطابق
 $\overline{AB} \cong \overline{AB}$

التماثل للتطابق
إذا كان $\overline{AB} \cong \overline{CD}$ فإن $\overline{CD} \cong \overline{AB}$

التعدي للتطابق
إذا كان $\overline{AB} \cong \overline{CD}$, $\overline{CD} \cong \overline{EF}$ فإن $\overline{AB} \cong \overline{EF}$


هندس العريني

21

ملخص درس إثبات علاقات بين الزوايا

نظرية الزوايا المتقابلة بالرأس

الزويتان المتقابلتان بالرأس متطابقتان

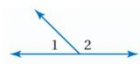


$m\angle 1 = m\angle 3$
 $m\angle 2 = m\angle 4$

نظرية الزويتان المتكاملتان

إذا كانت الزويتان متجاورتان على مستقيم فإنهما متكاملتان

$m\angle 1 + m\angle 2 = 180^\circ$




إثبات علاقات الزوايا

نظرية الزويتان المتتامتان

إذا كان شكل الضلعان الغير مشتركين لزاويتين متجاورتين زاوية قائمة فالزاويتان متتامتان

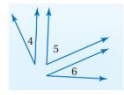
$m\angle 1 + m\angle 2 = 90^\circ$



نظرية تطابق المتممات

الزويتان المتممات للزاوية نفسها أو لزاويتين متطابقتين تكونان متطابقتان ، إذا كان

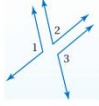
$m\angle 4 + m\angle 5 = 90^\circ$
 $m\angle 5 + m\angle 6 = 90^\circ$
هنا $m\angle 4 = m\angle 6$



نظرية تطابق المكملات

الزويتان المكملتان للزاوية نفسها أو لزاويتين متطابقتين تكونان متطابقتان ، إذا كان

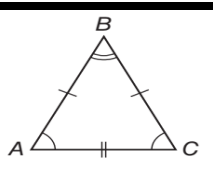
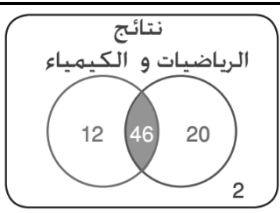
$m\angle 1 + m\angle 2 = 180^\circ$
 $m\angle 2 + m\angle 3 = 180^\circ$
هنا $m\angle 1 = m\angle 3$



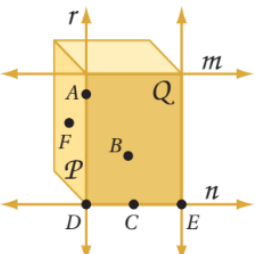
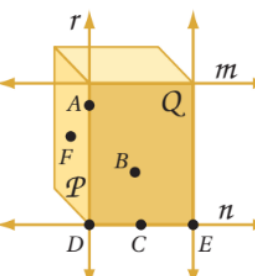
نموذج الإجابة

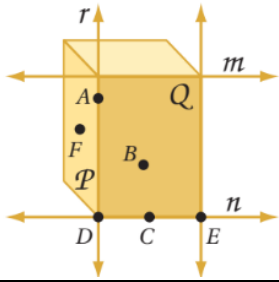
اختر الإجابة الصحيحة فيما يلي :

الحد التالي في المتتابعة 92, 87, 82, 77, 72,						1		
77	d	67	c	62	b	-2	a	
كل حد ينقص 5 عن الحد السابق $72 - 5 = 67$								
الحد التالي في المتتابعة 20, 16, 11, 5, -2, -10,						2		
20	d	19	c	-19	b	-20	a	
الحد الثاني ينقص 4 عن الحد الأول و الحد الثالث ينقص 5 عن الحد الثاني , الحد الرابع ينقص 6 عن الحد الثالث وهكذا لذلك الحد المطلوب هو السابق $-10 - 9 = -19$								
20 , 16 , 11 , 5 , -2 , -10 , -19								
الشكل التالي في النمط								3
أي مما يأتي مثلاً مضاداً للعبارة ((إذا كان n عدداً أولياً فإن $n + 1$ ليس أولياً))								4
7	d	5	c	3	b	2	a	
c) $7 + 1 = 8$ غير أولي		c) $5 + 1 = 6$ غير أولي		b) $3 + 1 = 4$ غير أولي		a) $2 + 1 = 3$ أولي		
أي مما يأتي مثلاً مضاداً للعبارة ((إذا كان $\angle A$ زاوية حادة فإن $m\angle A = 37^\circ$))								5
$m\angle A = 180^\circ$	d	$m\angle A = 103^\circ$	c	$m\angle A = 90^\circ$	b	$m\angle A = 73^\circ$	a	
73° زاوية حادة (قياس الزاوية الحادة أقل من 90°)								
بناء على العبارة التالية : (ناتج جمع عددين فرديين) فإن التخمين الصحيح هو :								6
عدد حقيقي	d	عدد كلي	c	عدد زوجي	b	عدد فردي	a	
بتجريب جمع أعداد فردية مختلفة نصل للتخمين								
بناء على العبارة التالية : (إذا علمت أن M هي منتصف \overline{BC} فإن التخمين الصحيح هو :								7
$m\angle C$ تنصف M	d	$MC = BC$	c	$BM = MC$	b	$BM = BC$	a	
من تعريف نقطة المنتصف تقسم القطعة المستقيمة إلى نصفين متطابقتين								
إذا كانت p صحيحة، q خاطئة فاي العبارات التالية صائبة :								8
$p \wedge \sim q$	d	$p \wedge q$	c	$\sim p \wedge q$	b	$\sim p \vee q$	a	
$T \wedge T = T$		$T \wedge F = F$		$F \wedge F = F$		$F \vee F = F$		

إذا كانت العبارتين (p : المربع مكون من أربعة أضلاع) ، ($q : 2 + 3 = 6$) أي من العبارات التالية خطأ								9
$p \vee q$	d	$\sim p \vee q$	c	$p \vee \sim q$	b	$p \wedge \sim q$	a	
<p>p: المربع مكون من أربعة أضلاع لذلك p عبارة صائبة</p> <p>$q : 2 + 3 = 6$ عبارة خاطئة لذلك q عبارة خاطئة</p> <p>a) $T \wedge T = T$ b) $T \vee T = T$ c) $F \vee F = F$ d) $T \vee F = T$</p>								
إذا كانت p و r صحيحة ، q خاطئة فإن قيمة الصواب للعبارة $(\sim p \vee q) \wedge r$								10
صحيحة	a	خاطئة	b	صحيحة أحياناً	c	المعطيات غير كافية	d	
$(\sim p \vee q) \wedge r = (F \vee F) \wedge T = F \wedge T = F$								
أي العبارات التالية لها نفس قيم صواب العبارة $AB = BC$								11
								
$AB = AC$	d	$AC = BC$	c	$m\angle A = m\angle C$	b	$m\angle A = m\angle B$	a	
<p>$AB = BC$ صائبة لأنهما ضلعان متطابقان من المعطيات على الرسم</p> <p>a) $m\angle A = m\angle B$ خاطئة لأن الزاويتين غير متطابقتين من المعطيات على الرسم</p> <p>b) $m\angle A = m\angle C$ صائبة لأن زاويتنا القاعدة في المثلث متطابق الضلعين متطابقتان</p> <p>c) $AC = BC$ خاطئة لأن الضلعان غير متطابقان من المعطيات على الرسم</p> <p>d) $AB = AC$ خاطئة لأن الضلعان غير متطابقان من المعطيات على الرسم</p>								
استعمل المعلومات في الشكل المقابل للإجابة								12
عدد الطلاب الذين نجحوا في الرياضيات و الكيمياء معاً يساوي								
								
46	d	40	c	20	b	12	a	
منطقة التقاطع تمثل الناجحين في المادتين معاً								
استعمل المعلومات في الشكل السابق للإجابة : عدد الطلاب الذين لم ينجحوا في الكيمياء								13
8	d	46	c	22	b	20	a	
لم ينجحوا في الكيمياء أي نجحوا في الرياضيات فقط								
استعمل المعلومات في الشكل السابق للإجابة : عدد الطلاب الذين نجحوا في الرياضيات أو الكيمياء								14
78	d	46	c	20	b	12	a	
نجمع الناجحين في الرياضيات فقط + الناجحين في الكيمياء فقط + الناجحين في المادتين معاً								
$20 + 12 + 46 = 78$								
في العبارة الشرطية التالية : (إذا كان الشهر القادم رمضان ، فإن هذا الشهر هو شهر شعبان) الفرض هو								15
الشهر القادم رمضان	a	هذا الشهر هو شعبان	c	هذا الشهر هو شهر شعبان	b	الشهر القادم شعبان	d	
الفرض يأتي بعد إذا كان (يمكن أن تكتب العبارة دون كلمة إذا كان وفي هذه الحالة نعتد على معنى العبارة)								

في العبارة الشرطية التالية : (سيذهب صالح للمدرسة إذا كان اليوم الأحد) النتيجة هي				16
a	اليوم هو الأحد	b	سيذهب صالح للمدرسة	
d	لن يذهب صالح للمدرسة	c	اليوم ليس الأحد	
النتيجة تأتي بعد فإن (قد لا تكتب كلمة فإن) و النتيجة تعتمد على الفرض أي تنتج عنه				
(إذا كانت الزاوية قائمة فإن قياسها 90°) عكس العبارة الشرطية السابقة هو				
a	إذا كان قياس الزاوية 90° فإنها قائمة	b	إذا لم تكن الزاوية قائمة فإن قياسها 90°	17
c	إذا لم تكن الزاوية قائمة فإن قياسها ليس 90°	d	إذا كان لم يكن قياس الزاوية 90° فإنها ليست قائمة	
ينتج العكس عن تبديل الفرض بالنتيجة في العبارة الشرطية				
(إذا كان $x + 4 = 5$ فإن $x = 1$) معكوس العبارة الشرطية السابقة هو				
a	إذا كان $x = 1$ فإن $x + 4 = 5$	b	إذا كان $x + 4 = 5$ فإن $x \neq 1$	18
c	إذا كان $x \neq 1$ فإن $x + 4 \neq 5$	d	إذا كان $x + 4 \neq 5$ فإن $x \neq 1$	
أي من العبارات الآتية ينتج منطقياً من العبارتين التاليتين: إذا اشترت وجبتين فإنك ستحصل على علبة عصير مجاناً. اشترى خليل وجبتين				
a	اشترى خليل وجبة واحدة	b	سيحصل خليل على وجبة مجانية	19
c	سيحصل خليل على وجبتين مجاناً	d	سيحصل خليل على علبة عصير مجاناً	
حسب قانون الفصل المنطقي عبارة شرطية صحيحة وفرض صحيح لذلك فالنتيجة صحيحة إذا اشترت وجبتين فإنك ستحصل على علبة عصير مجاناً. اشترى خليل وجبتين لذلك النتيجة سيحصل خليل على علبة عصير مجاناً				
دعي خالد إلى حفل عشاء ، وقد حضر جميع المدعوين الحفل: "إذن فقد حضر خالد الحفل" النتيجة السابقة قائمة على..... ؟				
a	التبرير الاستقرائي	b	التبرير الاستنتاجي	20
d	الاكتشاف	c	الملاحظات	
النتيجة مبنية على حقائق (حضر جميع المدعوين الحفل) التبرير الاستنتاجي يستعمل حقائق وقواعد وتعريف و خصائص من أجل الوصول إلى نتائج منطقية من عبارات معطاة				
لاحظت علياء أنها عندما تأخذ دروس تقوية فإن درجاتها تتحسن. أخذت علياء دروس تقوية فاستنتجت أن درجاتها سوف تتحسن. النتيجة السابقة قائمة على.....				
a	التبرير الاستقرائي	b	التبرير الاستنتاجي	21
d	الحقائق	c	القواعد	
النتيجة مبنية على الملاحظة (لاحظت علياء) التبرير الاستقرائي يعتمد على الملاحظة والمشاهدة والاكتشاف للوصول إلى نتيجة				
أي العبارات الآتية يعطي وصفاً أفضل للمسلمة ؟				
a	تخمين ينشأ عن أمثلة	b	تخمين ينشأ عن حقائق وقواعد وتعريفات وخصائص	22
c	عبارة تقبل علي أنها صحيحة	d	عبارة تم إثباتها	

أي يمر بها مستقيم واحد فقط					23		
مستويين	d	مستقيمين	c	ثلاث نقاط		b	نقطتين
أي ليست على استقامة واحدة يمر بها مستوى واحد فقط					24		
أربع نقاط	d	ثلاث نقاط	c	نقطتين		b	نقطة واحدة
(إذا تقاطعت ثلاث مستويات فإن تقاطعها يكون نقطة) العبارة السابقة					25		
لا يمكن التحديد	d	غير صحيحة أبداً	c	صحيحة أحياناً		b	صحيحة دائماً
صحيحة أحياناً لأنه يمكن أن تتقاطع ثلاث مستويات في نقطة أو في مستقيم							
(يوجد مستوى واحد فقط يحوي على النقاط الثلاث A, B, C التي لا تقع على استقامة واحدة) العبارة السابقة					26		
لا يمكن التحديد	d	غير صحيحة أبداً	c	صحيحة أحياناً		b	صحيحة دائماً
صحيحة دائماً لأنه من المسلمات : أي ثلاث نقاط ليست على استقامة واحدة يمر بها مستوى واحد فقط							
ثلاث مستقيمتين على الأقل تمر بالنقطتين A, B					27		
لا يمكن التحديد	d	غير صحيحة أبداً	c	صحيحة أحياناً		b	صحيحة دائماً
غير صحيحة أبداً لأنه من المسلمات : أي نقطتين يمر بهما مستقيم واحد فقط							
اعتماداً على الشكل المقابل أي من المسلمات الآتية تستخدم لبيان صحة العبارة المستقيم n يحوي النقاط C, D, E					28		
							
كل مستقيم يحوي نقطتين على الأقل	b			أي نقطتين يمر بهما مستقيم واحد	a		
إذا وقعت نقطتان في المستوى فإن المستقيم الوحيد المار بهما يقع بأكمله في ذلك المستوى	d			أي ثلاث نقاط لا تقع على استقامة واحدة تمر بها مستوى واحد فقط	c		
حيث أن الحرف السفلي للشكل من الجهة الأمامية هو المستقيم n يحوي النقاط C, D, E							
اعتماداً على الشكل المقابل أي من المسلمات الآتية تستخدم لبيان صحة العبارة المستقيم r هو المستقيم الوحيد الذي يمر بالنقطتين A, D					29		
							
كل مستقيم يحوي نقطتين على الأقل	b			أي نقطتين يمر بهما مستقيم واحد	a		
إذا وقعت نقطتان في المستوى فإن المستقيم الوحيد المار بهما يقع بأكمله في ذلك المستوى	d			أي ثلاث نقاط لا تقع على استقامة واحدة تمر بها مستوى واحد فقط	c		
حيث أن المستقيم r يحوي النقطتين A, D							



اعتماداً على الشكل المقابل أي من المسلمات الآتية تستخدم لبيان صحة العبارة
المستوى P يحوي النقاط A, F, D

30

كل مستقيم يحوي نقطتين على الأقل

b

أي نقطتين يمر بهما مستقيم واحد

a

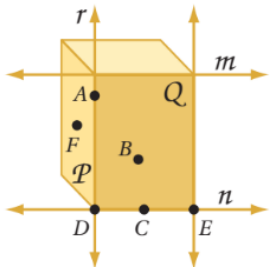
إذا وقعت نقطتان في المستوى فإن المستقيم الوحيد
المر بهما يقع بأكمله في ذلك المستوى

d

أي ثلاث نقاط لا تقع على استقامة واحدة تمر بها
مستوي واحد فقط

c

حيث أن الجانب الأيسر من الشكل أو المستوى P يحوي النقاط A, F, D التي لا تقع على استقامة واحدة



اعتماداً على الشكل المقابل أي العبارات التالية صحيحة

31

المستويان P, Q يتقاطعان في المستقيم m

b

المستويان P, Q يتقاطعان في المستقيم r

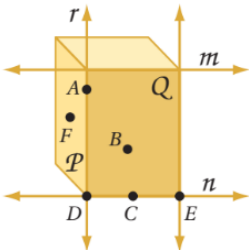
a

المستويان P, Q يتقاطعان في النقطة B

d

المستويان P, Q يتقاطعان في النقطة A

c



اعتماداً على الشكل المقابل أي من المسلمات الآتية تستخدم لبيان صحة العبارة
المستقيمان m, n يتقاطعان في E

32

كل مستقيم يحوي نقطتين على الأقل

b

أي نقطتين يمر بهما مستقيم واحد

a

إذا تقاطع مستويان فإنهما يتقاطعان في مستقيم

d

إذا تقاطع مستقيمان فإنهما يتقاطعان في نقطة واحدة

c

حيث أن أحرف الشكل تمثل مستقيماً و المستقيمان m, n يتقاطعان في نقطة واحدة فقط هي
النقطة E

إذا كان $x = 5$ فإن $5 = x$ الخاصية المستخدمة في العبارة السابقة

33

المساواة

d

التعويض

c

التماثل

b

الانعكاس

a

بدلنا موضع المتغير والعدد

إذا كان $x = 5, y = 5$ فإن $x = y$ الخاصية المستخدمة في العبارة السابقة

34

التعويض

d

التعدي

c

التماثل

b

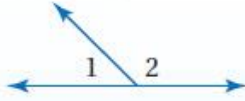

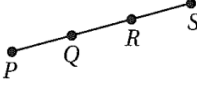
الانعكاس

a

$x = 5 \iff x = y, y = 5$

إذا كان $x(y+z) = 4$ فإن $xy + xz = 4$ الخاصية المستخدمة في العبارة السابقة						35	
a	التماثل	b	التوزيع	c	التعدي	d	التعويض
بفك الأقواس في الطرف الأيسر $x(y+z) = xy + xz$							
إذا كان $x - y = x - y$ الخاصية المستخدمة في العبارة السابقة						36	
a	الانعكاس	b	التماثل	c	التعدي	d	التعويض
كرنا كتابة الطرف الأيسر نفسه في الطرف الأيمن بنفس الترتيب							
إذا كان $x + y = 3$, $x = 2$ فإن $2 + y = 3$ الخاصية المستخدمة في العبارة السابقة						37	
a	الانعكاس	b	التماثل	c	التعدي	d	التعويض
عوضنا عن قيمة x بـ 2 في العبارة $x + y = 3$							
إذا كان $\overline{AB} \cong \overline{CD}$ فإن $x = \dots$						38	
a	28	b	16	c	7	d	4
<p>من تعريف تطابق القطع المستقيمة $\overline{AB} \cong \overline{CD} \Rightarrow AB = CD$</p> <p>خاصية التعويض للمساواة $4x - 6 = 22$</p> <p>خاصية الجمع للمساواة $4x - 6 + 6 = 22 + 6$</p> <p>التبسيط $4x = 28$</p> <p>خاصية القسمة للمساواة $x = 7$</p>							
إذا كان a, b عددين حقيقيين وكان $a + b = 0$ فإن $a = -b$ العبارة السابقة						39	
a	صحيحة دائماً	b	صحيحة أحياناً	c	غير صحيحة أبداً	d	لا يمكن التحديد
<p>خاصية الطرح للمساواة $a + b - b = 0 - b$</p> <p>التبسيط $a = -b$</p>							
إذا كان a, b عددين حقيقيين وكان $a^2 = b$ فإن $a = \sqrt{b}$ العبارة السابقة						40	
a	صحيحة دائماً	b	صحيحة أحياناً	c	غير صحيحة أبداً	d	لا يمكن التحديد
<p>بأخذ الجذر التربيعي للطرفين $a^2 = b$</p> <p>$a = \pm\sqrt{b}$</p> <p>يمكن أن تكون $a = \sqrt{b}$ أو $a = -\sqrt{b}$</p>							
إذا كان $\overline{AB} \cong \overline{CD}$ فإن $AB = CD$ المبرر في العبارة السابقة						41	
a	تعريف تطابق القطع مستقيمة	b	تعريف منتصف قطعة مستقيمة	c	مسلمة جمع أطوال القطع المستقيمة	d	مسلمة جمع أطوال القطع المستقيمة

النقاط A, B, C, D تقع على استقامة واحدة بحيث تقع النقطة B بين A و C وتقع النقطة C بين B و D أي عبارة مما يلي ليست بالضرورة صحيحة								42
$BC + CD = B$	d	$\overline{BC} \cong \overline{BC}$	c	$\overline{AB} \cong \overline{CD}$	b	$AB + BD = AD$	a	
<p>(a) صحيحة من مسلمة جمع أطوال القطع المستقيمة</p> <p>(b) ليس بالضرورة صحيحة لا توجد أي معلومات أن القطعتين متطابقتين</p> <p>(c) صحيحة من خاصية الانعكاس</p> <p>(d) صحيحة من مسلمة جمع أطوال القطع المستقيمة</p>								
النقطة E منتصف \overline{DF} إذا كان $DE = 8x - 3$, $EF = 3x + 7$ فإن قيمة x تساوي								43
26	d	13	c	5	b	2	a	
<p>\overline{DF} منتصف $E \Rightarrow DE = EF$</p> <p>$\Rightarrow 8x - 3 = 3x + 7$</p> <p>$\Rightarrow 8x - 3x = 7 + 3$</p> <p>$\Rightarrow 5x = 10$</p> <p>$\Rightarrow x = 2$</p>								
النقطة E منتصف \overline{DF} إذا كان $DE = 8x - 3$, $EF = 3x + 7$ فإن DF تساوي								44
26	d	13	c	5	b	2	a	
<p>بعد إيجاد x بنفس خطوات السؤال السابق نوجد طول أي من القطعتين ونضرب الناتج في 2</p> <p>$EF = 3x + 7 = 3(2) + 7 = 13$</p> <p>$DF = 2EF = 2(13) = 26$</p>								
إذا كان $\angle A, \angle B$ زاويتان متتامتان و $\angle B, \angle C$ زاويتان متتامتان فاي مما يأتي صحيح								45
$m\angle A + m\angle C = 180^\circ$	d	$m\angle A > m\angle C$	c	$m\angle A < m\angle C$	b	$m\angle A = m\angle C$	a	
نظرية تطابق المتتامات								
إذا كان $m\angle A = 50^\circ$, $m\angle B = m\angle A$ فإن $m\angle B = 50^\circ$ الخاصية المستخدمة في العبارة السابقة								46
التعويض	d	التعدي	c	التماثل	b	الانعكاس	a	
إذا كان $m\angle A = m\angle B$, $m\angle B = 50^\circ$ فإن $m\angle A = 50^\circ$ الخاصية المستخدمة في العبارة السابقة								47
التعويض	d	التعدي	c	التماثل	b	الانعكاس	a	
قيمة x في الشكل المجاور تساوي								48
125°	d	55°	c	35°	b	25°	a	
<p>نظرية الزاويتان المتقابلتان بالرأس $\Rightarrow (x + 30)^\circ = 55^\circ$</p> <p>خاصية الطرح للمساواة $\Rightarrow (x + 30 - 30)^\circ = 55^\circ - 30^\circ$</p> <p>تبسيط $\Rightarrow x^\circ = 25$</p>								

		<p>من الشكل المقابل $\angle 1, \angle 2$ متكاملتان فإذا كان $m\angle 1 = 70^\circ$ فإن $m\angle 2$ تساوي</p>					
110°	d	70°	c	20°	b	180°	a
<p>نظرية الزاويتان المتكاملتان</p>		$m\angle 1 + m\angle 2 = 180^\circ$					
<p>خاصية التعويض للمساواة</p>		$\Rightarrow 70^\circ + m\angle 2 = 180^\circ$					
<p>خاصية الطرح للمساواة</p>		$\Rightarrow m\angle 2 = 110^\circ$					
		<p>من الشكل المقابل إذا كانت $\angle 1$ تكمل $\angle 2, \angle 3$ تكمل $\angle 3$ يمكن استنتاج أن</p>					
$2 \cong \angle 3$	d	$\angle 1 \cong \angle 3$	c	$\angle 1 \cong \angle 2$	b	$\angle 2$ تكمل $\angle 1$	a
<p>نظرية تطابق المكملات</p>							
		<p>استعمل البرهان في الجدول المقابل للإجابة عن الأسئلة من 49 إلى 52</p>					
<p>المعطيات: Q نقطة منتصف \overline{PR}, R نقطة منتصف \overline{QS}</p>		<p>المطلوب: إثبات أن $QS = PR$</p>					
<p>البرهان:</p>		<p>المطلوب: إثبات أن $QS = PR$</p>					
<p>المبررات</p>		<p>العبارات</p>					
(1) معطيات		Q نقطة منتصف \overline{PR} و R نقطة منتصف \overline{QS} (1)					
(2)		$PQ = QR, QR = RS$ (2)					
(3) خاصية التعدي		(3)					
(4)		$PQ + QR = QR + RS$ (4)					
(5)		$PR = QS$ (5)					
<p>المبرر في الخطوة (2) هو :</p>							
<p>نظرية منتصف قطعة مستقيمة</p>		c	<p>تعريف تطابق القطع المستقيمة</p>				a
<p>مسلمة جمع أطوال القطع المستقيمة</p>		d	<p>مسلمة أطوال القطع المستقيمة</p>				b
<p>العبارة في الخطوة (3) هي :</p>							
<p>$PQ + QR = PR$</p>		b	<p>$QR + RS = QS$</p>				a
<p>$PQ = RS$</p>		d	<p>$QR = RS$</p>				c
<p>المبرر في الخطوة (4) هو :</p>							
<p>خاصية التعويض للمساواة</p>		b	<p>خاصية التماثل للمساواة</p>				a
<p>خاصية الجمع للمساواة</p>		d	<p>خاصية القسمة للمساواة</p>				c
<p>المبرر في الخطوة (5) هو :</p>							
<p>نظرية منتصف قطعة مستقيمة</p>		c	<p>تعريف تطابق القطع المستقيمة</p>				a
<p>مسلمة جمع أطوال القطع المستقيمة</p>		d	<p>مسلمة أطوال القطع المستقيمة</p>				b

أجيب عن الأسئلة التالية :

1 ضع تخميناً لكل قيمة أو علاقة هندسية مما يأتي:

(A) ناتج ضرب عددين زوجيين.

(B) العلاقة بين \overline{AP} و \overline{PB} إذا كانت M نقطة منتصف \overline{AB} والنقطة P نقطة منتصف \overline{AM} .

p	q	$\sim p$	$\sim p \wedge q$
T		F	
T		F	
F		T	
F		T	

(B) أكمل جدول الصواب الآتي:

(A) اكمل جدول الصواب التالي :

p	q	$\sim q$	$p \vee \sim q$
T	T	F	
T	F		
F	T		
F	F		

3 أوجد قيم الصواب لكل عبارتين فيما يأتي، ثم قرّر هل هما مكافئتان منطقياً أم لا؟

(B) $\sim p \vee \sim q$, $\sim(p \wedge q)$

(A) $\sim(p \rightarrow q)$, $\sim p \rightarrow \sim q$

4 اكتب العكس والمعكوس والمعاكس الإيجابي لكل من العبارتين الشرطيتين الآتيتين.

(A) ((إذا كان $x + 4 = 5$ فإن $x = 1$)) (B) الزاويتان اللتان لهما القياس نفسه متطابقتان.

6 استعمل قانون الفصل المنطقي أو قانون القياس المنطقي لتحصل على نتيجة صائبة إن أمكن من العبارات الآتية، واذكر القانون الذي استعملته. إذا تعذر الحصول على نتيجة صائبة، فاكتب "لا نتيجة صائبة". فسّر تبريرك.

(A) (1) إذا كانت الزاوية حادة، فإن قياسها أقل من 90°
(2) $\angle EFG$ حادة.
(B) (1) إذا كنت أحد طلاب المرحلة الثانوية، فإن عمرك 16 سنة على الأقل.
(2) إذا كان عمرك 16 سنة على الأقل، فإن عمرك يؤهلك لقيادة السيارة.
(C) (1) إذا كنت أحد طلاب المرحلة الثانوية، فإن عمرك 16 سنة على الأقل.
(2) إذا كان عمرك 16 سنة على الأقل، فإن عمرك يؤهلك لقيادة السيارة.

(B) المعطيات: الزاويتان المتقابلتان بالرأس متطابقتان.
 $\angle 1 \cong \angle 2$
(D) المعطيات: إذا كنت رياضياً، فإنك تستمتع بالألعاب الرياضية.
إذا كنت تحب المنافسة، فإنك تستمتع بالألعاب الرياضية.

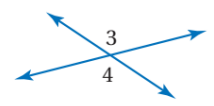
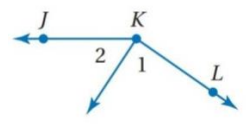
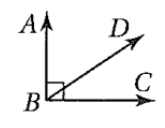
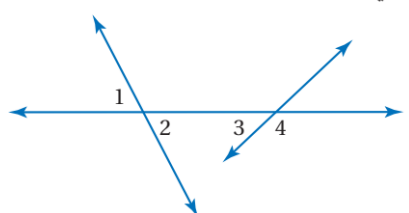
7 (A) المعطيات: M نقطة منتصف \overline{XY} ،
اكتب برهاناً حرّاً لإثبات أن $\overline{XM} \cong \overline{MY}$.
(B) أثبت أنه إذا كان $2x - 13 = -5$ ، فإن $x = 4$.
اكتب تبريراً لكل خطوة.
(C) اكتب برهاناً ذا عمودين؛ لإثبات صحة
إذا كان $\angle A \cong \angle B$ ، $m\angle A = 37^\circ$
فإن $m\angle B = 37^\circ$.
(D) اكتب برهاناً ذا عمودين.
المعطيات: B نقطة منتصف \overline{AC}
 C نقطة منتصف \overline{AD}
المطلوب: $\overline{AB} \cong \overline{CD}$

8 (A) اكمل البرهان
المعطيات: $\overline{AB} \cong \overline{CD}$
المطلوب: إثبات أن $\overline{CD} \cong \overline{AB}$
البرهان:
المبررات العبارات
(a) _____ (a)
(b) $AB = CD$ (b)
(c) $CD = AB$ (c)
(d) تعريف القطع المستقيمة المتطابقة (d)
(B) أكمل البرهان الآتي:
المعطيات: $\frac{y+2}{3} = 3$
المطلوب: $y = 7$
البرهان:
المبررات العبارات
(a) _____ (a)
(b) $3\left(\frac{y+2}{3}\right) = 3(3)$ (b)
(c) _____ (c)
(d) $y = 7$ (d)
خاصية الطرح للمساواة

أجيب عن الأسئلة التالية :

B) اكمل البرهان		A) 9	
<p>المعطيات: $\angle A$ هي متممة $\angle B$ ، $m\angle B = 46^\circ$</p> <p>المطلوب: $m\angle A = 44^\circ$</p> <p>البرهان:</p>		<p>أكمل البرهان الآتي:</p> <p>المعطيات: $8x - 5 = 2x + 1$</p> <p>المطلوب: إثبات أن $x = 1$</p> <p>البرهان:</p>	
المبررات	العبارات	المبررات	العبارات
(1) ؟	(1) $\angle A$ هي متممة $\angle B$ $m\angle B = 46^\circ$	(a) $8x - 5 = 2x + 1$	(a)
(2) تعريف الزاويتين المتتامتين	(2) ؟	(b) $8x - 5 - 2x = 2x + 1 - 2x$	(b)
(3) ؟	(3) $m\angle A + 46^\circ = 90^\circ$	(c) بالتبسيط	(c)
(4) خاصية الطرح للمساواة	(4) ؟	(d) خاصية الجمع للمساواة	(d)
(5) ؟	(5) $m\angle A = 44^\circ$	(e) $6x = 6$	(e)
		(f) $\frac{6x}{6} = \frac{6}{6}$	(f)
		(g) _____	(g)

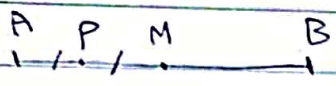
أوجد قياس الزوايا المرقمة في كل مما يأتي، واذكر النظريات التي تبرر حلك.

B)		A) إذا كان $m\angle 2 = 50, m\angle JKL = 150$ فأوجد $m\angle 1$	
<p>$m\angle 3 = (2x + 23)^\circ$</p> <p>$m\angle 4 = (5x - 112)^\circ$</p> 			10
<p>(D) إذا كان $m\angle ABD = 56$ في الشكل المجاور، فأوجد $m\angle DBC$.</p> 		<p>(C) إذا علمت أن: $m\angle 1 = 72^\circ, m\angle 3 = 26^\circ$، فأوجد قياس كل زاوية مرقمة في الشكل أدناه.</p> 	

مراجعة رياضية (1-1) الجزاء الثاني

{A} ناتج ضرب عددين زوجيين هو عدد زوجي بالتجريب

$5 \times 2 = 12$ / $8 \times 4 = 32$ / $2 \times 4 = 8$



$PB = 3AP$ {B}

M منتصف $AB \Rightarrow AM = MB$

التبرير:

من معادلتنا المستقلة $AP + PM = MB$

$AP = MB + PM = 2PM + PM = 3PM$

{B}

P	q	$\sim P$	$\sim P \wedge q$
T	T	F	F
T	F	F	F
F	T	T	T
F	F	T	F

{A}

P	q	$\sim q$	$P \vee \sim q$
T	T	F	T
T	F	T	T
F	T	F	F
F	F	T	T

{A} 3

العبارتين متكافئتان
لأن لهما قيم الصواب
نفسه

P	q	$P \rightarrow q$	$\sim(P \rightarrow q)$	$\sim P$	$\sim q$	$\sim P \rightarrow \sim q$
T	T	T	F	F	F	T
T	F	F	T	F	T	T
F	T	T	F	T	F	F
F	F	T	F	T	T	T

{B}

العبارتان متكافئتان
لأن لهما قيم الصواب
نفسه

P	q	$\sim P$	q	$\sim P \vee \sim q$	$P \wedge q$	$\sim(P \wedge q)$
T	T	F	F	F	T	F
T	F	F	T	T	F	T
F	T	T	F	T	F	T
F	F	T	T	T	F	T

- 4 [A] العبارة الشرطية : إذا كان $x+4=5$ فإن $x=1$ ($P \rightarrow Q$)
 العكس : إذا كان $x=1$ فإن $x+4=5$ ($Q \rightarrow P$)
 العكس : إذا كان $x+4 \neq 5$ فإن $x \neq 1$ ($\sim P \rightarrow \sim Q$)
 العكس الإيجابي : إذا كان $x \neq 1$ فإن $x+4 \neq 5$ ($\sim Q \rightarrow \sim P$)

- B) العبارة الشرطية : إذا كان للزائرين القياس نغص فانها متطابقتان
 العكس : إذا كانت الزائرتان متطابقتان فان لها القياس نفسه
 العكس : إذا لم يكن للزائرين القياس نفسه فانها غير متطابقتين
 العكس الإيجابي : إذا لم يكن الزائرتان متطابقتين فانها ليس لها القياس نفسه

5 [A] الفرضية P: إذا كانت الزاوية حادة فإن قياسها $\leq 90^\circ$ (عبارة شرطية)
 (2) $\angle EFG < 90^\circ$ حاده (فرضها صحيح)

الاستنتاج : قياس الزاوية $\angle EFG < 90^\circ$ أمثلد 90°
 حسب قانون القبول المتفق

B) الفرضية : الزائرتان المتطابقتان بالقياس متطابقتان

$\angle 1 \cong \angle 2$ ليس الفرضية فالعبارة المعطاة بل التسوية

لذلك لا نستطيع صراحة لم تحت شرط قانون الفهم المنطوق

يمكن أن تكون الزائرتان متطابقتان ولكن غير متطابقتان بالقياس

C) إذا كانت احد طلاب المرحلة الثانوية فإن عمره ≤ 18 سنة على الأقل

(2) إذا كان عمره ≤ 18 سنة على الأقل فإن عمره ≤ 18 سنة على الأقل

الاستنتاج : إذا كانت احد طلاب المرحلة الثانوية فإن عمره ≤ 18 سنة على الأقل

لقانون القياس المنطوق (حسب قانون القياس المنطوق)

$$P \rightarrow Q \text{ و } (Q \rightarrow R) \text{ و } P \rightarrow R$$

D) إذا كانت رياضية فمطلوبه تستنتج بالاطلاق الرياضي

إذا كانت تحتها المنطقه فمطلوبه تستنتج بالاطلاق الرياضي

لا يوجد تنبيه صائبه حسب قانون القياس المنطوق وان الفرضية

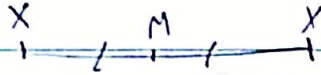
العبارة الثانيه ليس هو تنبيه العبارة الاولى

ب) البرهان الحر :

البيانات : M نقطة منتصف \overline{XY}

المطلوب : $\overline{XM} \cong \overline{MY}$

البرهان :



بيان M منتصف \overline{XY} فإن من تعريفه ينتج أن قطعه منقطه

$$XM = MY$$

من تعريف التطابق القطع $\overline{XM} \cong \overline{MY}$

ج) المعطيات : $2x - 13 = -5$

المطلوب : $x = 4$

البرهان :

$$2x - 13 = -5$$

$$2x - 13 + 13 = -5 + 13$$

$$2x = 8$$

$$\frac{2x}{2} = \frac{8}{2}$$

$$x = 4$$

د) البيانات : $\angle A \cong \angle B, m\angle A = 37^\circ$

المطلوب : $m\angle B = 37^\circ$

البرهان :

البيانات

المطلوب

بيانات

$$\angle A \cong \angle B, m\angle A = 37^\circ$$

تعريف تطابق الزوايا

$$m\angle A = m\angle B$$

خاصية التعويض للمساواة

$$37^\circ = m\angle B$$

خاصية التناهي للمساواة

$$m\angle B = 37^\circ$$

هـ) البيانات : B منتصف \overline{AC} و C منتصف \overline{BD}

المطلوب : $\overline{AB} \cong \overline{CD}$

البيانات

المطلوب

بيانات

B منتصف \overline{AC}

من تعريف منتصف قطعة مستقيمة

$$AB = BC$$

بيانات

C منتصف \overline{BD}

من تعريف منتصف قطعة مستقيمة

$$BC = CD$$

خاصية التناهي للمساواة

$$\overline{AB} = \overline{CD}$$

تعريف تطابق القطع المستقيمة

$$\overline{AB} \cong \overline{CD}$$

{A} (a) $\overline{AB} \cong \overline{CD}$ (b) من تعريف تطابق الضلع المستقيم
(c) خاصية الضلع الثاني للساوي (d) $\overline{CD} \cong \overline{AB}$

{B} (a) $\frac{y+z}{3} = 3$ (b) خاصية الضلع الثالث للساوي
(c) $y+z-2 = 9-2$ (d) خاصية الضلع الثالث للساوي

{A} {B} (a) معادلات (b) خاصية الضلع الثالث للساوي
(c) $5x-5 = 1$

(d) $5x-5+5 = 1+5$ (e) بتبسيط

(f) خاصية الضلع الثالث للساوي (g) $x=1$ (h) بتبسيط

{B} خطوات الحل:

{A} خطوات الحل، التبسيط:

$m\angle 3 = m\angle 4$ $(2x+23)^\circ = (5x-112)^\circ$
 دمج الزاويتين المتتامتين
 بالزاوية
 قائمة التوضيح
 $2x+5x = -112-23$
 $-3x = -135$
 $x = +45^\circ$
 $m\angle 3 = 2(45^\circ) + 23 = 113^\circ$, $m\angle 4 = 113^\circ$

$m\angle JKL = m\angle 1 + m\angle 2$
 ملاحظة: جميع قياسات الزوايا
 قائمة التوضيح للزاوية
 $150^\circ = m\angle 1 + 50^\circ$
 خاصية الضلع الثالث للساوي
 $150^\circ - 50^\circ = m\angle 1 + 50^\circ - 50^\circ$
 بتبسيط
 $100^\circ = m\angle 1$
 خاصية الضلع الثاني للساوي
 $m\angle 1 = 100^\circ$

{D} $m\angle ABC = m\angle ABD + m\angle DBC$
 $90^\circ = 65^\circ + m\angle DBC$
 $90^\circ - 65^\circ = m\angle DBC$
 $25^\circ = m\angle DBC$
 $\therefore m\angle DBC = 25^\circ$

{C} $m\angle 2 = m\angle 1$ متقابلتان بالزاوية
 متتامتان
 $m\angle 2 = 72^\circ$
 متجاورتان على مستقيم
 متتامتان
 $m\angle 3 + m\angle 4 = 180^\circ$
 $26^\circ + m\angle 4 = 180^\circ$
 $m\angle 4 = 180^\circ - 26^\circ$
 $m\angle 4 = 154^\circ$